

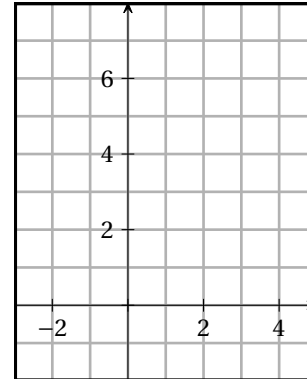
Devoir Mathématiques N° 4 (1h)

1 (7 points)

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^2 - 3x + 1$ et pour $m \in \mathbb{R}$, on définit la droite D_m passant par le point $A(-1; 0)$ de coefficient directeur m .

1. Déterminer l'équation de D_m .
2. Dresser le tableau de variation de f et représenter la courbe C_f représentative de la fonction f sur le graphe ci-joint.
3. On cherche à évaluer le nombre de points d'intersection de C_f et D_m suivant les valeurs de m .
 - a) A l'aide du graphique, faire une conjecture.
 - b) Résoudre par le calcul.

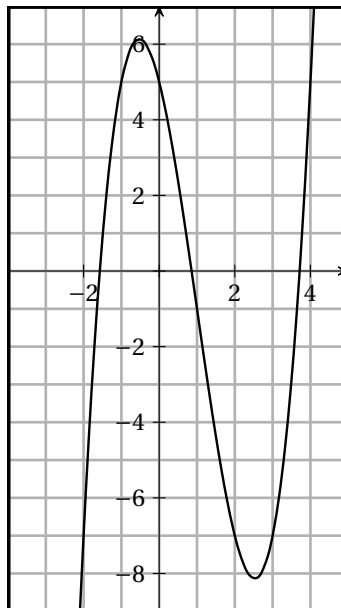
c) Votre conjecture était-elle valide ?



2 (7 points)

On donne $f(x) = x^3 - 3x^2 - 4x + 5$, sur \mathbb{R} et C_f sa courbe représentative ci-jointe.

1. Tracer la droite \mathcal{D} d'équation $y = 2x - 3$ sur le graphique ci-joint.
2. Soit $P(x) = f(x) - (2x - 3)$ pour tout $x \in \mathbb{R}$
 - a) Vérifier que 1 est racine de P puis déterminer $a, b, c \in \mathbb{R}$ tels que $P(x) = (x - 1)(ax^2 + bx + c)$.
 - b) Etudier la position relative de C_f et \mathcal{D} .

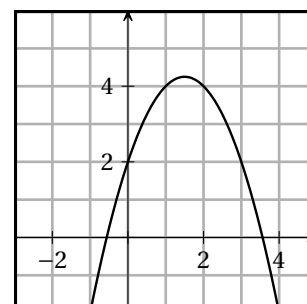


3 (3 points)

Soit la fonction g définie sur \mathbb{R} par

$$g(x) = -x^2 + 3x + 2$$

1. A l'aide du taux d'accroissement, montrer que g est dérivable en $a = 1$ et calculer $g'(1)$.
2. Vérifier votre résultat à l'aide du graphique ci-joint (C_g y est représentée). Expliquer.



4 (3 points)

On donne $f(x) = |2x - 1| - |x + 2|$.

On admet que f peut s'écrire de la manière suivante :

$$f(x) = \begin{cases} -x + 3 & \text{si } x < -2 \\ -3x - 1 & \text{si } x \in [-2; \frac{1}{2}] \\ x - 3 & \text{si } x > \frac{1}{2} \end{cases}$$

1. Représenter le graphe de f sur le graphique ci-dessous.

2. Soit $(E) : |2x - 1| - |x + 2| = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$

a) Résoudre (E) graphiquement.

b) Résoudre (E) par le calcul.

