

Devoir de Mathématiques N° 1 (calculatrice non autorisée)

0 Nom et prénom : *Master*.

1 Compléter par l'un des symboles : \in , \notin .

$$\pi \in \left[\frac{314}{100}; \frac{220}{7} \right]; \quad -\frac{2}{3} \notin \left] -\frac{1}{2}; \frac{1}{2} \right]; \quad 0,2 \notin \left] \frac{1}{5}; +\infty \right[; \quad \sqrt{2} \notin \left[\frac{7}{5}; 1,414 \right[$$

2 Soit $\alpha = 1 + \sqrt{2}$. Sans chercher à résoudre l'équation, montrer que α est solution de l'équation $x^2 - 2x - 1 = 0$.

$$\begin{aligned} \alpha^2 - 2\alpha - 1 &= (1 + \sqrt{2})^2 - 2(1 + \sqrt{2}) - 1 \\ &= 1 + 2\sqrt{2} + 2 - 2 - 2\sqrt{2} - 1 \\ &= 0 \end{aligned}$$

donc α est solution de l'équation demandée.

3 f et g sont deux fonctions. Traduire chacune des phrases suivantes à l'aide d'égalités :

1. L'image de -2 par la fonction f est 3.

$$f(-2) = 3$$

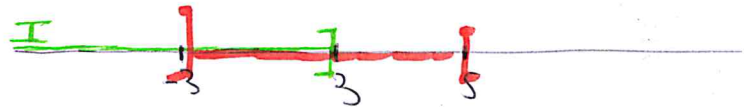
2. L'antécédent de $\sqrt{2}$ par la fonction g est -1 .

$$g(-1) = \sqrt{2}$$

4 Soit les intervalles $I =]-\infty; 3]$ et $J =]-3; 5[$.

$$\bullet I \cap J =]-3; 3]$$

$$\bullet I \cup J =]-\infty; 5[$$



5 Résoudre, en choisissant la méthode appropriée, les équations suivantes :

$$(E_1) : (x - 5)(2x + 3) + (x - 5) = 0$$

$$(x - 5)[(2x + 3) + 1] = 0$$

$$(x - 5)(2x + 4) = 0$$

$$x = 5 \text{ ou } x = -2$$

$$S = \{5; -2\}$$

⑥ $f(x) = 3x^2 - 2x + 4$

① $f(2) = 12 - 4 + 4 = \underline{12}$

② $f(-3) = 3(-3)^2 - 2(-3) + 4$
 $= 27 + 6 + 4$
 $= \underline{34}$

③ $f(x) = 4$

$$3x^2 - 2x + 4 = 4$$

$$3x^2 - 2x = 0$$

$$x(3x - 2) = 0$$

$x = 0$ ou $x = \frac{2}{3}$ sont les antécédents de 4 par f

④ $f(1) = 3 - 2 + 4 = 5 \neq 4$ donc $A(1, 4) \notin \mathcal{C}_f$

$f(0) = 4$ donc $B(0, 4) \in \mathcal{C}_f$

⑦ ① $\mathcal{D}_f =]-\infty; 9]$

② $f(1) = -4; f(-1) = 0; f(4) = -2$

③ Les antécédents de -3 sont les abscisses des points d'intersection de la droite d'équation $y = -3$ et de la courbe \mathcal{C}_f .

On lit $S = \{0; 3\}$

④ $f(x) > -3$ admet pour solution $S =]-\infty; 0[\cup]3; 9]$

⑤ a -5 n'admet pas d'antécédent

b -4 admet un seul antécédent

c -3 admet deux antécédents

pour $m \in]1; +\infty[$, m n'a qu'un seul antécédent

pour $m \in]-4; -1[$, m a deux antécédents

pour $m = -4$, m a un seul antécédent

pour $m < -4$ m n'a pas d'antécédent.

m	$-\infty$	-4	1	
Nombre d'antécédents	0	1	2	1